

問題 1~4 を解き、その解答を提出せよ。レポートは A4 サイズの紙で提出することとし、所属、学生証番号、名前をレポートの一番上に記入せよ。

提出方法：レポートを講義の時に直接提出。

締切り：2016年6月30日(木) 10:20

問題 1 $Love(x, y)$ は x が y を愛するという意味の述語とする。次の四つの論理式(a)~(d)はそれぞれ何を意味しているか説明せよ。

(a) $\exists x \forall y Love(x, y)$

(b) $\forall y \exists x Love(x, y)$

(c) $\exists y \forall x Love(x, y)$

(d) $\forall x \exists y Love(x, y)$

問題2 次の(a)~(d)の問いに答えよ。

(a) 伴意関係 $\forall x (P(x) \Rightarrow Q(x)) \wedge \forall x (Q(x) \Rightarrow R(x)) \models \forall x (P(x) \Rightarrow R(x))$ が成り立つことを示せ。

(b) 伴意関係 $\exists x \forall y P(x, y) \models \forall y \exists x P(x, y)$ が成り立つことを示せ。

(c) 伴意関係 $\forall x (P(x) \Rightarrow Q(x)) \wedge \exists x (P(x) \wedge R(x)) \models \exists x (Q(x) \wedge R(x))$ が成り立つことを示せ。

(d) 伴意関係 $\forall x (P(x) \Rightarrow \forall y (Q(y) \Rightarrow \neg R(x, y))) \wedge \exists x (P(x) \wedge \forall y (S(y) \Rightarrow R(x, y))) \models \forall y (S(y) \Rightarrow \neg Q(y))$ が成り立つことを示せ。

問題3 次の一階述語論理式 P, Q, R が与えられているとする。

$P: \forall x [Animal(x) \Rightarrow \exists y HeadOf(y, x) \wedge \exists y BodyOf(y, x)]$

$Q: \forall x [Plant(x) \Rightarrow \neg \exists y HeadOf(y, x)]$

$R: \forall x [Plant(x) \Rightarrow \neg Animal(x)]$

次の(a)~(b)の問いに答えよ。

(a) $P \wedge Q \wedge \neg R$ を連言標準形に(CNF)にせよ。

(b) $P \wedge Q \models R$ となることを示せ。

問題4 次の一階述語論理式 P, Q が与えられているとする。

$P: \forall x [Horse(x) \Rightarrow Animal(x)]$

$Q: \forall x [\exists y (Horse(y) \wedge HeadOf(x, y)) \Rightarrow \exists y (Animal(y) \wedge HeadOf(x, y))]$

(P は「全ての馬は動物である」を意味し、 Q は「すべての馬の頭は動物の頭である」を意味する。)

次の(a)~(b)の問いに答えよ。

(a) $P \wedge \neg Q$ を連言標準形に(CNF)にせよ。

(b) $P \models Q$ となることを示せ。