

平成 28 年度 知識工学 第 1 回レポート課題

2016 年 5 月 19 日

問題 1～2 を解き、その解答を提出せよ。レポートは A4 サイズの紙で提出することとし、所属、学生証番号、名前をレポートの一番上に記入せよ。

提出方法：レポートを講義の時に直接提出。

締切り：2016年6月2日(木) 10:20

問題1 命題論理に関する次の(a)～(i)の問い合わせに答えよ。

- (a) 同値関係  $(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\alpha \Rightarrow \gamma) \equiv \alpha \Rightarrow (\beta \wedge \gamma)$  が成り立つことを示せ。
- (b) 同値関係  $(\alpha \vee \beta) \Rightarrow \gamma \equiv (\alpha \Rightarrow \gamma) \wedge (\beta \Rightarrow \gamma)$  が成り立つことを示せ。
- (c) 同値関係  $\alpha \Rightarrow \beta \equiv \neg \beta \Rightarrow \neg \alpha$  が成り立つことを示せ。
- (d) 同値関係  $(\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\alpha \Rightarrow \neg \beta) \equiv \neg \alpha$  が成り立つことを示せ。
- (e) 同値関係  $\alpha \Rightarrow (\beta \Rightarrow (\gamma \Rightarrow \delta)) \equiv (\alpha \wedge \beta \wedge \gamma) \Rightarrow \delta$  が成り立つことを示せ。
- (f) 伴意関係  $\alpha \wedge \beta \wedge \gamma \vDash \alpha \vee \beta \vee \gamma$  が成り立つことを示せ。
- (g) 伴意関係  $(\alpha \Rightarrow (\beta \vee \gamma)) \wedge \neg \beta \wedge \neg \gamma \vDash \neg \alpha$  が成り立つことを示せ。
- (h) 伴意関係  $((\alpha \Rightarrow \beta) \Rightarrow \gamma) \Rightarrow \delta \vDash (\alpha \wedge \beta \wedge \gamma) \Rightarrow \delta$  が成り立つことを示せ。
- (i) 伴意関係  $(\alpha \Leftrightarrow (\gamma \vee \delta)) \wedge (\beta \Leftrightarrow (\gamma \vee \delta)) \vDash (\gamma \Rightarrow (\alpha \wedge \beta)) \wedge (\delta \Rightarrow (\alpha \wedge \beta))$  が成り立つことを示せ。

問題2  $2 \times 2$  のワンパスワールドを命題論理で表現することを考える。 $[i,j]$  のマスに穴があることを命題記号  $P_{i,j}$  で記述し、風が吹いていることを命題記号  $B_{i,j}$  で記述することにする。次の(a)～(b)に答えよ。

- (a) 次の知識ベース  $KB_1$  と  $KB_2$  が  $KB_1 \vDash KB_2$  の伴意関係にあることを示せ。

$$KB_1: \begin{aligned} B_{1,1} &\Leftrightarrow (P_{2,1} \vee P_{1,2}) \\ B_{1,2} &\Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2}) \\ B_{2,1} &\Leftrightarrow (P_{1,1} \vee P_{2,2}) \\ B_{2,2} &\Leftrightarrow (P_{2,1} \vee P_{1,2}) \end{aligned}$$

$$KB_2: \begin{aligned} P_{1,1} &\Rightarrow (B_{2,1} \wedge B_{1,2}) \\ P_{1,2} &\Rightarrow (B_{1,1} \wedge B_{2,2}) \\ P_{2,1} &\Rightarrow (B_{1,1} \wedge B_{2,2}) \\ P_{2,2} &\Rightarrow (B_{2,1} \wedge B_{1,2}) \end{aligned}$$

(b) (a)で与えられた $KB_1$ と $KB_2$ について逆方向の伴意関係  $KB_2 \vDash KB_1$  が成り立つか成り立たないか答えよ。成り立つ場合はそれを証明し、成り立たない場合は反例を一つ示せ。